

理 科

- * 基本的な用語や法則、ものの名称や数値的なものはしっかり覚えて、それらを使って説明や計算ができるようにしてください。
- * 教科書に出てくる実験や観察は、結果を暗記するだけでなく、器具・方法・条件等にも注意し、なぜそうなるのかを理解できるようにしてください。
- * 学習した内容が、現実の身の回りで起こっている現象と関係づけて理解できるようにしてください。
- * 図やグラフは、正確に読み取るだけでなく、書くこともできるようにしてください。
- * 理科以外の教科などの学習活動を通じて学んだ知識を、理科の学習に応用したり、関連づけて理解したりできるよう、幅広い勉強を心がけてください。
- * 新しいことを知る、解らなかったことが解けるようになる、解けなかった問題が解けるという、学ぶ楽しさを失わないで、常に興味を持って理科を勉強してください。

以下で引用している問題は、すべて 2024 年度前期入試の問題です。

理科の問題を考えるにあたっては、問題を正確に読むこと、そこから規則性を見つけ出すこと、教科書の内容を理解し問題に書かれている事項と結びつけること、が必要になります。普段の勉強では、教科書の内容を単に暗記するだけでなく、他の事項と結びつけられるよう心がけてください。

それでは 2024 年度前期入試の理科の問題から、**3**、**4**の問題について、答えを導くための着眼と手順を簡単に説明します。

3 下の文を読み、以下の問 1～問 7 に答えなさい。

下の表 1 は、それぞれの温度において、1 m³あたりの空気がふくむことのできる水蒸気量[g]の限界を示したものです。空気がそれ以上水蒸気をふくむことができなくなった状態を飽和^{ほうわ}といい、そのときの水蒸気量を飽和水蒸気量といいます。空気にふくまれる水蒸気量が飽和水蒸気量を上回ると、上回った分の水蒸気は気体として存在できなくなり、水に変わります。このとき発生した水が雲や霧^{きり}をつくります。飽和水蒸気量は空気の温度が高いほど多くなります。そのため水蒸気が飽和していない空気のある温度まで冷やすと、水蒸気が飽和に達して水が始めます。このときの温度を露点^{るてん}といいます。ある温度の空気において、飽和水蒸気量に対する空気の水蒸気量を百分率で表したものを湿度^{しつど}といいます。湿度は以下の式から計算できます。

$$\text{湿度}[\%] = \frac{\text{空気にふくまれる水蒸気量}[\text{g}/\text{m}^3]}{\text{飽和水蒸気量}[\text{g}/\text{m}^3]} \times 100$$

計算において答えが割り切れない場合は小数第 2 位を四捨五入し、小数第 1 位まで答えなさい。

表 1

温度 [°C]	飽和水蒸気量 [g/m ³]	温度 [°C]	飽和水蒸気量 [g/m ³]	温度 [°C]	飽和水蒸気量 [g/m ³]	温度 [°C]	飽和水蒸気量 [g/m ³]	温度 [°C]	飽和水蒸気量 [g/m ³]	温度 [°C]	飽和水蒸気量 [g/m ³]
0	4.8	6	7.3	12	10.7	18	15.4	24	21.8	30	30.4
1	5.2	7	7.8	13	11.4	19	16.3	25	23.1	31	32.0
2	5.6	8	8.3	14	12.1	20	17.3	26	24.4	32	33.8
3	5.9	9	8.8	15	12.8	21	18.3	27	25.8	33	35.6
4	6.4	10	9.4	16	13.6	22	19.4	28	27.2	34	37.6
5	6.8	11	10.0	17	14.5	23	20.6	29	28.8	35	39.6

問 1 気温 29°C、水蒸気量 12.8[g/m³]の空気の湿度は何%ですか。

29°Cにおける飽和水蒸気量を表 1 から読み取り、湿度の式を用いて計算します。

問 2 気温 15°C、湿度 50%の空気の露点は何°Cですか。

15°Cにおける飽和水蒸気量の 50%を求め、その量で水蒸気が飽和に達する温度を表 1 から探します。

問3 あ～えの空気を湿度が高い順に並べかえなさい。

あ 気温 20℃、水蒸気量 15[g/m³]の空気

い 気温 18℃、水蒸気量 15[g/m³]の空気

う 気温 20℃、露点 10℃の空気

え 気温 10℃で霧が発生している空気

水蒸気量が同じである あ と い を比べると、いの方が気温が低く飽和水蒸気量も少ないため、湿度の大小関係がわかります。また、気温が同じである あ と う を比べると、10℃における飽和水蒸気量が 9.4[g/m³]なので、湿度の大小関係がわかります。また、えは霧が発生しているので湿度 100%です。以上のことから あ から え の空気を湿度が高い順に並べ替えることができます。

問4 温度が 29℃で水蒸気が飽和していない空気があります。1辺の長さが 10mの立方体のこの空気の温度を 9℃まで下げたところ、10.4 kgの水ができました。この空気の 29℃における湿度は何%ですか。

空気の温度を 9℃まで下げたときに 10.4 kgの水ができることと、飽和水蒸気量は温度が低いほど小さいことから、この空気は 9℃より高いある温度で露点に達し、9℃に下がるまでの間に水ができ続けたこととなります。1辺の長さが 10mの立方体の体積は 1000 m³なので、この体積の空気から 10.4kgの水ができたということは、1 m³の空気から 10.4gの水ができたことがわかります。このことから 29℃のこの空気に含まれていた水蒸気量は、9℃の飽和水蒸気量に 10.4g/m³を加えた量となります。この水蒸気量と 29℃における飽和水蒸気量を用いるとこの空気の 29℃における湿度が求まります。

空気が上昇すると雲が発生することがあります。これは空気が上昇することで温度が下がるためです。それによって空気の飽和水蒸気量が下がり、やがて空気にくまられる水蒸気量が飽和水蒸気量に等しくなると露点に達して雲が発生します。露点に達した空気が上昇を続けると、空気の温度がさらに低下するため、新たに雲が発生していきます。空気の上昇にともなって温度が低下する割合は、その空気において水蒸気が飽和しているかどうかによって変わります。水蒸気が飽和していない空気は 100m上昇するごとに 1℃低下し、水蒸気が飽和している空気は 100m上昇するごとに 0.5℃低下するものとします。例えば地表（高度 0 m）にある 25℃の空気が上昇したとします。このとき、高度 400mで雲が発生し、そのまま高度 1000mまで雲が発生し続けたまま上昇させるとすると、高度 1000mまで上昇した空気の温度は（ア）℃になります。

ここで、地表にある温度 34℃、水蒸気量 24.4[g/m³]、1辺の長さが 10mの立方体の空気が 3000m上昇した場合について考えます。この空気が水蒸気量を保ったまま上昇したとすると、（イ）m上昇したところで雲が発生します。その後、3000mの高さまで上昇する間に雲が発生し続け、雲にくまられる水がすべて雨として降ったとします。このとき、降った雨の総量は（ウ）gになります。

問5 上の文の（ア）、（イ）、（ウ）に入る数字を答えなさい。

（ア）：地表にある空気が高度 400m上がる間は、水蒸気が飽和していない空気が 100m上昇するごとに 1℃低下することをを用いて計算します。高度 400mから高度 1000mまで上昇する間は、水蒸気が飽和している空気が 100m上昇するごとに 0.5℃低下することをを用いて計算します。

（イ）：表 1 より、26℃における飽和水蒸気量が 24.4[g/m³]なので、この空気の温度が 26℃まで低下すれば雲が発生することがわかります。このことと、水蒸気が飽和していない空気が 100m上昇するごとに 1℃低下することをを用いれば答えが求まります。

（ウ）：26℃の空気の飽和水蒸気量は 24.4[g/m³]です。この空気が高度（イ）mから高度 3000mまで上昇する間に低下する温度を、水蒸気が飽和している空気が 100m上昇するごとに 0.5℃低下することをを用いて求めます。26℃の空気はその温度まで低下したときに生じる水の量は、表 1 の飽和水蒸気量の差をとることで求められます。その差に立方体の空気の体積をかけることで降った雨の総量が求まります。

問5では上昇した空気の露点が変わらないものとして計算しましたが、空気は上昇すると膨張して体積が大きくなります。それによって空気1 m³あたりにふくまれる水蒸気量が減るため、水蒸気は飽和しにくくなります。つまり、露点が低下します。以下の問いでは、この影響により空気が100m上昇するごとに露点が0.2℃ずつ低下するものとし、例えば、地表で温度24℃、露点20℃の空気が高度100mまで上昇すると、空気の温度は23℃、露点は19.8℃になります。この空気が高度(エ) mまで上昇すると露点に達します。

空気が上昇して温度が下がったときに、上昇した空気の温度が周囲の気温よりも高いと、上昇した空気は力を加えなくても自ら上昇していきます。このとき、上昇する空気は周囲の空気と混ざらないものとし、また、両者の間で熱の移動はないものとし、図2、図3は異なる2地点における地表から高度3500mまでの気温を示したものです。ここで、図2の地点において地表にある温度35℃、水蒸気量20.6[g/m³]の空気に力を加えて高度100mまで上昇させたとき、高度100mまで上昇した空気の温度が34℃まで下がるのに対して、高度100mの気温は33℃なので、上昇した空気は力を加えなくても自ら上昇していき、上昇し続ける空気はある高度で露点に達しますが、そこでも周囲の気温よりも温度が高いため、さらに上昇を続けていきます。この空気が高度(オ) mまで上昇すると、まわりの気温と同じ温度になるため、そこで上昇は止まります。次に、図3の地点において地表にある温度35℃の空気に力を加えて高度100mまで上昇させた場合を考えます。高度100mまで上昇させた空気はそれ以上力を加えなくても高度3500m以上自ら上昇したとします。このとき、上昇した空気には地表において(カ) [g/m³]よりも高い必要があり、(カ) [g/m³]以下だとこの空気は途中で上昇しなくなります。

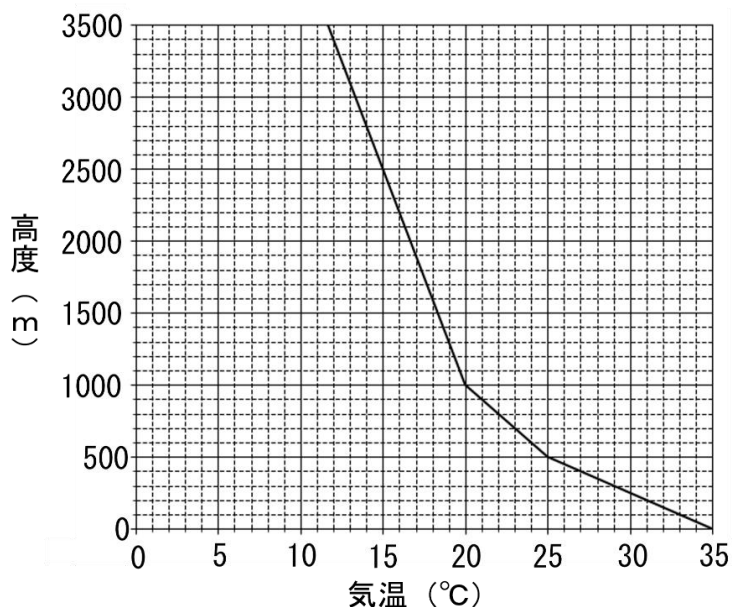


図2

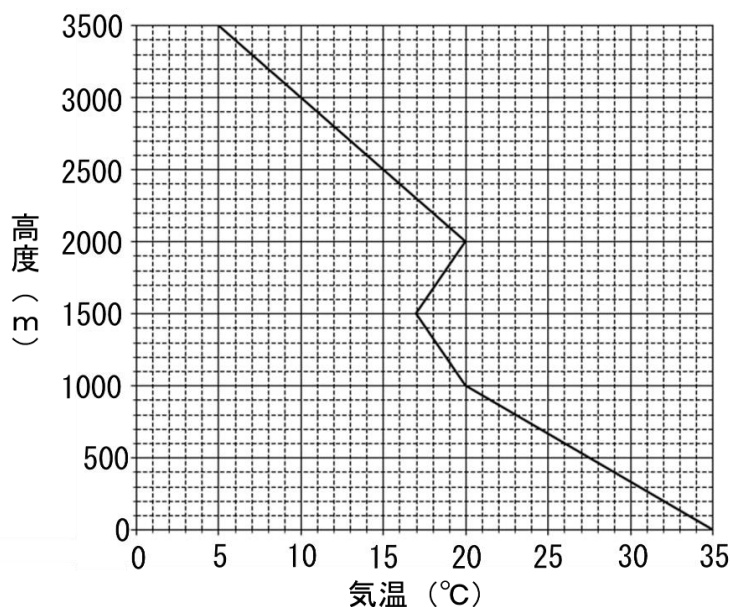
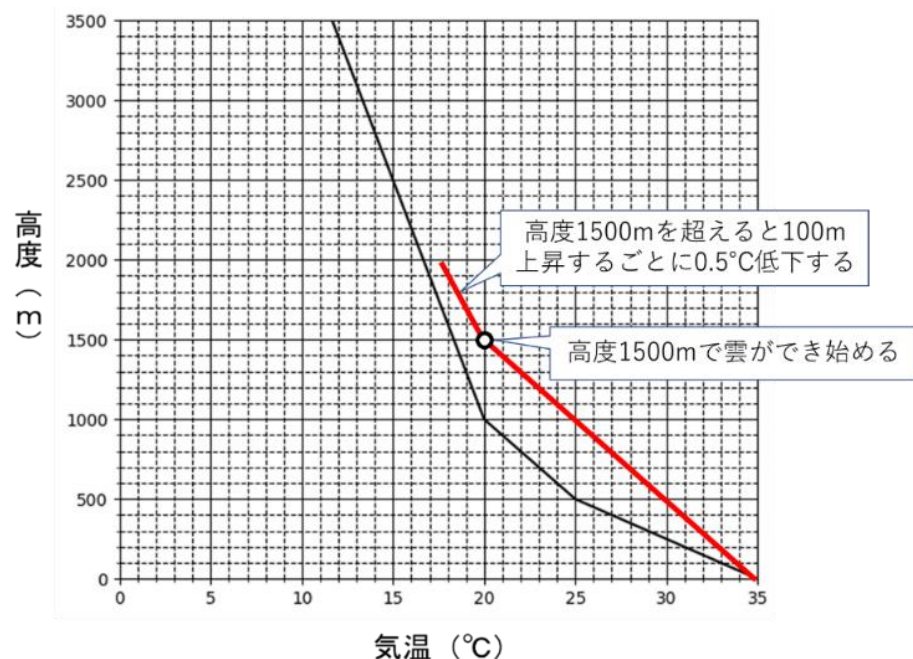


図3

問6 上の文の(エ)、(オ)に入る数字を答えなさい。

(エ) : 水蒸気が飽和していない空気では、100m上昇するごとに1℃低下し、露点が0.2℃低下します。このことから水蒸気が飽和していない空気が100m上昇するごとに温度と露点の差が0.8℃縮まることがわかります。このことを用いて上昇した空気の温度と露点が等しくなる高度を求めます。

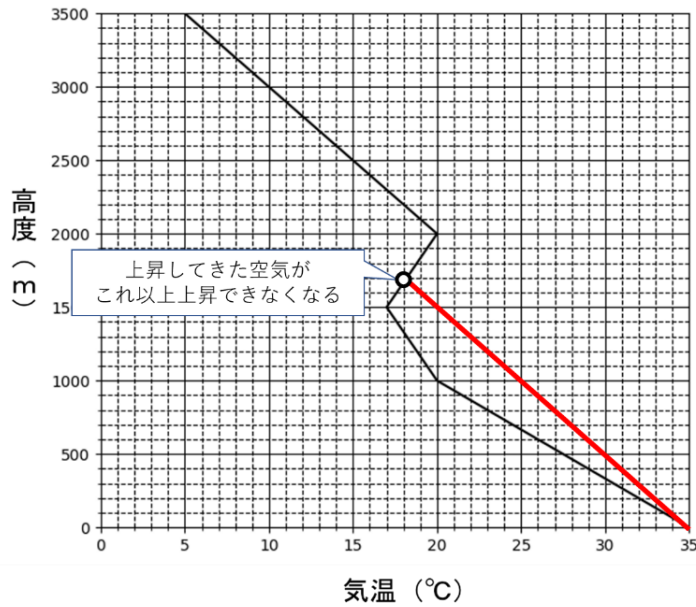
(オ) : 表1より、水蒸気量が20.6g/m³の空気の露点は23℃であることを読み取ります。空気の温度が35℃なので、露点との温度差は35℃-23℃=12℃です。水蒸気が飽和していない空気では100m上昇するごとに温度と露点の差が0.8℃縮まることから、地表にあるこの空気が上昇して雲ができる高度は12℃÷0.8℃×100m=1500mであることがわかります。空気が上昇して1500mに達するまでの間は100m上昇するごとに1℃低下するため、温度変化は図①のようになり、1500mで20℃になることがわかります。この空気が高度1500mを超えると100m上昇するごとに0.5℃低下するようになります。また、上昇した空気の温度がその場所の気温よりも高ければ空気は上昇を続けます。これらのことから、グラフの1500m、20℃の点から100m上昇するごとに0.5℃低下するような直線をひき、気温のグラフと交わる点を求めることで空気の上昇が止まる高度がわかります。



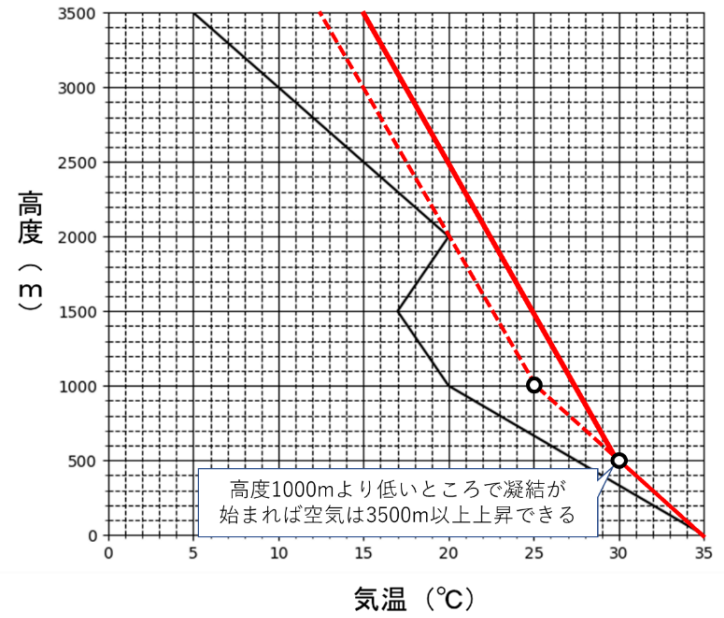
図①

問7 上の文の（カ）に入る数字を表1の水蒸気量から選びなさい。

図②のように、この地点において水蒸気が飽和に達しないまま地表から空気が上昇し続けると、3500mに達するまでの間に上昇した空気の温度が周囲の気温と等しくなり、それ以上上昇できなくなります。高度100mまで力を加えて上昇させた空気が、高度3500mまで自ら上昇するためには、図③のように高度1000mより低いところで雲ができる必要があります。地表から上昇してきた空気において高度1000mで雲ができる場合、上昇してきた空気の温度は $35^{\circ}\text{C} - (1000\text{m} \div 100\text{m}) = 25^{\circ}\text{C}$ になります。この温度は地表から上昇してきた空気の、高度1000mにおける露点です。この空気の地表における露点は、空気が100m上昇するごとに露点が 0.2°C 低下することを利用して求められます。その温度における飽和水蒸気量が答えです。



図②



図③

4 次の文を読んで、下の問いに答えなさい。

I

R君は重さが一様で均質な板を準備して、面が水平になるよう糸でつるそうと考えました。

R君は本を読んで「重心」という言葉を知っていたので、実験を始める前にこの重心というものをもう一度復習しておこうと思いました。図1の(ア)のように、重さの無視できる棒の両端に10gのおもりをぶら下げ、棒の中央をばねでつり下げるとばねは10cmのびて棒は水平につり合っていました。ところが、この2つの10gのおもりの代わりに棒の中央に20gのおもりをぶら下げても同様に棒は水平のままばねは10cmのびます。次に(イ)のように、糸でおもりをぶら下げるのではなく棒の両端がそれぞれ10gあると考えました。このとき、棒全体を1点で水平につるせる位置は棒の中央ということになり、この位置をこの物体の重心と呼ぶのだとR君は再確認しました。

今度は重さが一様で均質な板を考えてみました。この場合にも、板が水平になるように1点でつり下げることができる場所が重心となります。まず、図2の例のように重さが一様で一辺20cmの正方形の板を準備しました(四角形ABCD)。このとき、辺CDから左へ10cm、辺BCから上へ10cmのところの点Oに重心があり、点Oのところを糸でつり下げると40gの力で持ち上げることができ、板の面は水平につり下げることができました。その後、辺CDから5cmの部分(点線の部分)を切り離してしまいました。切り離れた後の板を点Oでつり下げたところ30gの力で持ち上がりましたが、板は水平につり合いませんでした。明らかに重心が移動しており、点Oから左へ2.5cmずれた点Gに移ったのでした。R君は点Gに糸を付けたおす代わりに糸2本でつり下げ、2本とも同じ力で引き上げるにより板の面を水平にしようと思いました。点Oの糸はつけたまま点P(点Oから左にずらし、辺ABから5cmのところ)にもう1本の糸を付けたところ、それぞれ15gの力をかけた糸2本で持ち上がり、板は水平につり合いました。

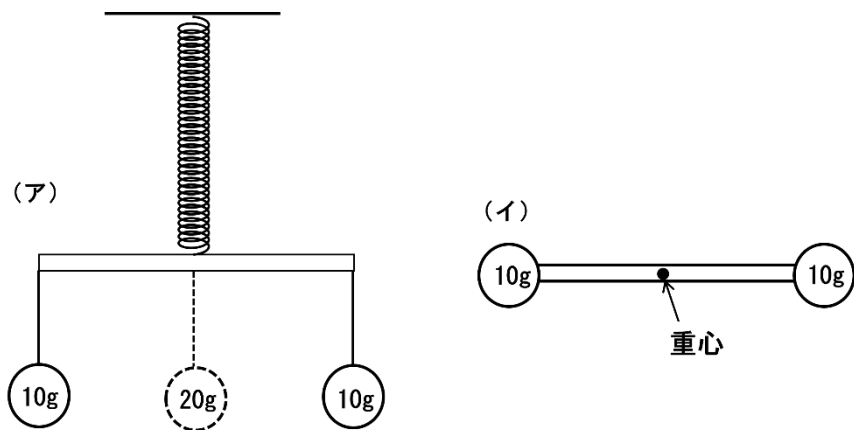


図1

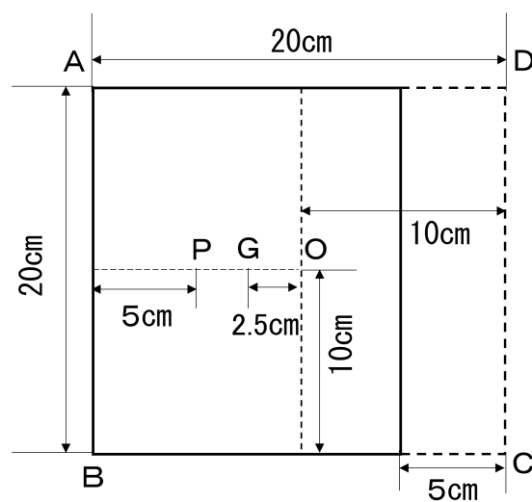


図2 例

問1 次の3つの板(図3～図5)は重さが一様で均質な板であり、それぞれ40gあります。点Oにはすでに1本糸が付いていますが、もう1本糸をつけて20gずつの力で板を水平につり下げるとして、次の(1)～(3)のそれぞれに答えなさい。(ただし、それぞれの図において、表示している長さは実際の比率とは異なります。)

- (1) 図3の板は直径12cmの円形の板で、向かって右側を直径6cmの円形にくりぬいてあります。(点Pから点Oに向かった直線上にくりぬいた円の中心があります。) 外の円の中心を点Oとし、点Oから点Pに向かって何cmのところにもう1本の糸をつければよいですか。
- (2) 図4のCHの中心(DGの中心)を点Oとし、点Oから点Pに向かって何cmのところにもう1本の糸をつければよいですか。
- (3) 図5の辺EFから左へ10cm、辺BCから上へ10cmのところを点Oとし、点Oから点Pに向かって何cm、そこから辺AFの方に向かって何cmのところにもう1本の糸をつければよいですか。

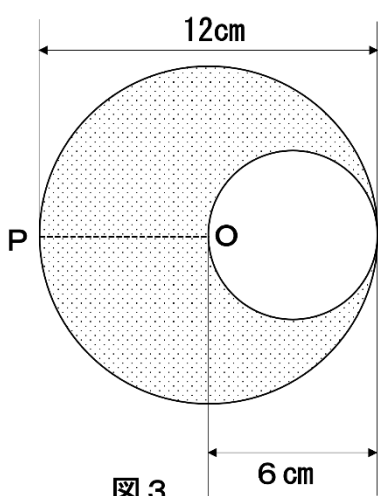


図3

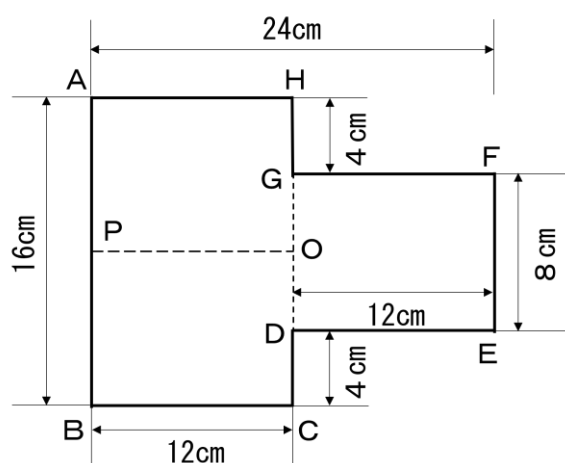


図4

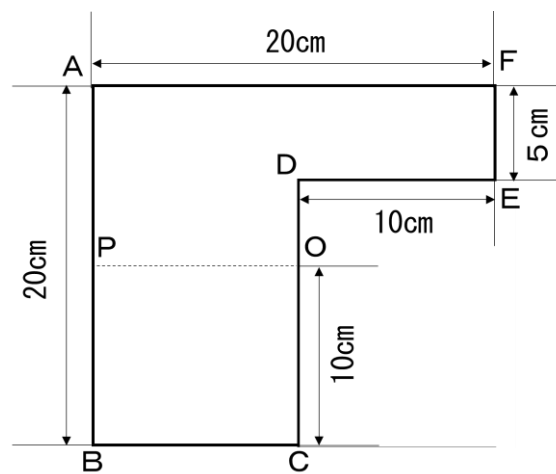


図5

問1 (1)～(3)は、各平面形状において重心を求める問題です。重心とは何かということについては問題文に書いてありますので、問題文をしっかりと読んで意味をつかむようにしましょう。ただし、求めるのは重心の位置そのものではなく、同じ力でつるした糸2本のうちの1本の位置です。つまり、最初から固定してある1本の糸の位置から重心へ向かい、重心までの距離の倍の距離の位置を求めればよいことになります。まずは、それぞれの形状における重心の位置を考えてみましょう。

(1) 本問題の形状ですが、円形の板があり向かって右側を直径が半分の円形にくりぬいた形となっています。くりぬいた部分の重さは、くりぬく前の大きな円形板の重さの1/4です。また、くりぬいた部分の重心は、くりぬいた部分の中心にあり、水平に直径の線を引いたときの右端から3cmのところになります。今求めたい部分の重心に、くりぬいた部分の3倍の重さがかかっていると考えると、これと、くりぬいた円形部分の重心とのつり合いの位置が大きい全体の円の中心にあることに気づけば、求める形状の重心がわかります。

(2) 四角形GDEFをPOの延長線上で分け、GFをAHの直線上まで上方までずらし、DEをBCの直線上まで下方にずらせば、大きな長方形の右側を小さな長方形の形状にくりぬいた形となり、(1)と同様にして解けます。

(3) 図5の形状では、上下のつり合いの位置、左右のつり合いの位置を別々に求めれば、その合わせたものが重心の位置となります。まずDEの直線上で上下に分け、3:2の重さが各部分の重心にかかっていると上下のつり合いの位置を求めます。さらにCDの直線上で左右に分け、5:1の重さが各部分の重心にかかっていると、左右のつり合いの位置を求めます。そうすれば、重心の位置がわかります。

II

図6のように3台(a、b、c)の車が直線道路上を走ります。aとbの車は右側に向かって走ります。cの車は左側に向かって走ります。最初、a、bの車はO点におり、cの車は1020m右に離れたところにおいて、同時にスタートしました。(この問題では、進む距離と比べて車の大きさは小さいので、車の大きさは考えないものとしてください。)

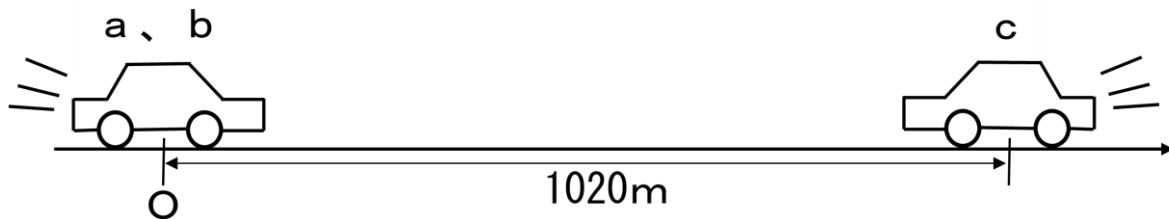


図6

それぞれの車は、図7のような速度で走っています。速度とは、速さと向きを合わせた言葉で、本問題では紙面に向かって右向きを+ (プラス)の向き、左向きを- (マイナス)の向きとします。速度の単位はm/s (秒速何mの意味。sは秒を表す。)で速さの単位と同じです。例えば、左向きに速さ10m/sで走っていれば、速度は-10m/sと表します。従って、cの車の速度は常にマイナスの値となっています。また、スタートしてから、20秒後、30秒後には速度が一定の値から急激に変化しますが、この問題での車はグラフの通り、時間がかからずにすぐに速度が変化できるものとしてください。それから、問3、問4には相対速度という言葉がでてきます。一般に、動く物体Aから観測した他の物体Bの速度のことを、Aに対する(Aから見た)Bの相対速度といいます。

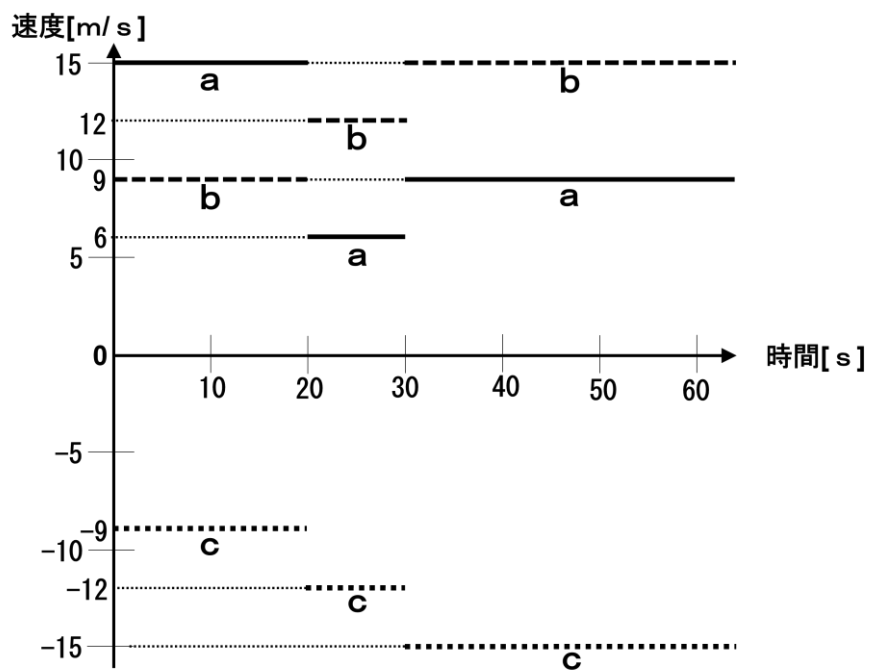


図7

3台の車が、それぞれの地点から同時に走り出します。その時々々の速度は図に示した通りであり、それぞれの位置は計算できるようになっています。また、設問にある「相対速度」の意味を文中からしっかりとつかむ必要があります。

問2 スタートから10秒後、aの車はbの車の何m前を進んでいますか。またこのとき、aの車とcの車は何m離れていますか。

スタートから10秒後の、それぞれの車の位置が分かれば導き出せます。

問3 スタートから何秒後にbの車はaの車に追いつきますか。また追いついた直後、aの車から見たbの車の相対速度は何m/sですか。+、-どちらかの符号も付けて答えなさい。

aとbの車の位置を時間ごとに追っていき、距離が同じとなる時間を求めればよいです。

問4 スタートから何秒後にaの車とcの車がすれ違えますか。またすれ違った直後、aの車から見たcの車の相対速度は何m/sですか。+、-どちらかの符号も付けて答えなさい。

aとcの車が進んだ距離を足し合わせ、合計が1020mになる時間を求めればよいです。

みなさんは、上記問題を解くときに

$$(\text{速さ}) \times (\text{時間}) = (\text{距離})$$

という公式を使ったでしょう。この公式とグラフを見比べることにより、時間軸（図8の横軸）とグラフをある時間とある時間の間で囲った長方形の面積が距離となることに気づいたことと思います。図8に示すように、出発後1秒から出発後6秒に10m/sの速さで進んだ距離は、図のABCDで囲まれた面積である、50mとなります。このルールを使えば、速度が変化する場合にでも、三角形や台形の面積を求めることにより距離が計算できることがわかります。

今度はaとbの車だけが0点で止まっている状態から右に向かってスタートしました。aの車は図9のような速度で走ります。bの車はある一定の割合でどんどん速くなっていきます（速度、時間ともに0の点を通る右上に傾いた直線グラフになる）。

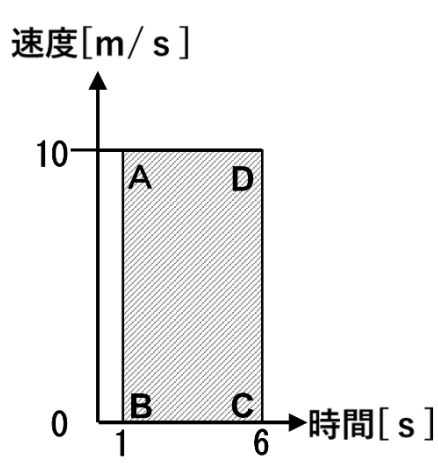


図8

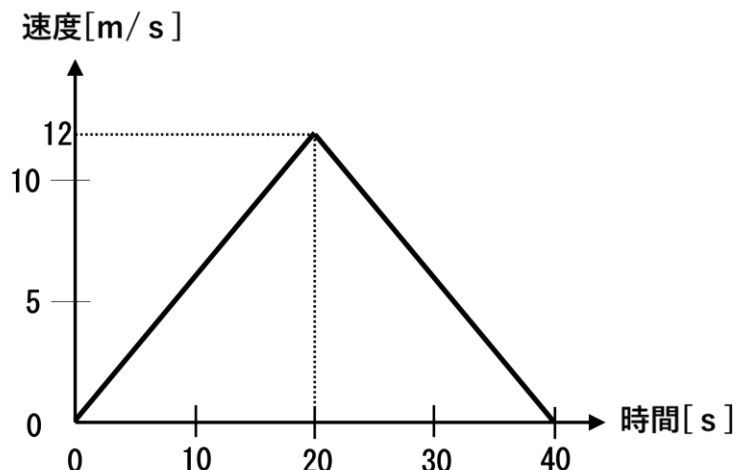


図9

問5 スタートから30秒後にaとbの車は同じ位置にいました。それは、スタートから何mの地点で、そのときのbの速さは何m/sだったでしょうか。

まず図9から、0秒から30秒までのグラフの下の部分の面積を求めます。これが30秒後にaとbの車が到達する地点となります。これと同じ面積の、底辺が30秒の直角三角形を求めればbの速さが求まります。